กัมพล อรนนท์: การพัฒนาเทคนิคมัลติกริคเฉพาะบริเวณเพื่อช่วยเร่งการลู่เข้าของ การคำนวณเชิงตัวเลข (DEVELOPMENT OF LOCAL MULTIGRID TECHNIQUE TO ACCELERATE THE CONVERGENCE OF NUMERICAL COMPUTATION) อาจารย์ที่ปรึกษา: ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. กีรติ สุลักษณ์, 73 หน้า.

วิธีเชิงตัวเลขถูกใช้ในการหาผลเฉลยระบบสมการพืชคณิตขนาดใหญ่ ที่ได้จากการประมาณ ค่าสมการอนุพันธ์ย่อย การคำนวณแบบวนซ้ำร่วมกับวิธีมัลติกริคถูกประยุกต์ใช้เพื่อให้การคำนวณ วิธีเชิงตัวเลขมีประสิทธิภาพดีขึ้น อย่างไร<mark>ก</mark>็ตามการคำนวณมักประสบปัญหาการคู่เข้าช้าเมื่อ ความคลาดเคลื่อนเข้าส่ โหมคความถี่ต่ำ การ<mark>ล่เข้</mark>าของแต่ละบริเวณบน โดเมนมีความเร็วแตกต่างกัน เป็นพฤติกรรมเฉพาะบริเวณ การคำเนิน<mark>การมัลติ</mark>กริดแบบคั้งเดิมที่คำนวณทั้งโดเมนจึงสิ้นเปลือง งานวิจัยนำเสนอเทคนิคการคำนวณแบบเฉพาะบริเวณ โดยการปรับปรุงวิธีการคำนวณเฉพาะบริเวณ บนหลักการวิธี FAC ผนวกร่วมกับวิธีมัลติกริดเชิงพีชคณิต เรียกว่า วิธีมัลติกริดเชิงพีชคณิตแบบ เฉพาะบริเวณ (LAMG) การคำนว<mark>ณมี</mark>การตรวจ<mark>สอ</mark>บความคลาดเคลื่อนระหว่างรอบการคำนวณ บริเวณที่มีความคลาดเคลื่อนสูงถูกคำนวณต่อด้วยวิธี LAMG ที่นำเสนอ ส่วนบริเวณที่มี ความคลาดเคลื่อนต่ำกว่าเกณฑ<mark>์กำ</mark>หนดจะถูกงดเว้นการ<mark>คำ</mark>นวณ วิธีการคำนวณที่นำเสนอสามารถ ปรับปรุงพื้นที่การคำนวณให้เหมาะสมกับแต่ละรอบการคำนวณได้อย่างมีประสิทธิภาพ โดยถูก นำไปทคสอบกับปัญหาชั้นชิดผิว 1 มิติที่มีการเปลี่ยนแปลงอย่างฉับพลัน การทคสอบได้ประเมิน ผลกระทบของการกำหนดค่าเริ่มต้น 3 รูปแบบ ได้แก่ แบบศูนย์ แบบ ไซน์และแบบเตรียมจากกริด หยาบ พบว่าค่าเงื่อนใข<mark>แบบเตรี</mark>ยมจากกริดหยาบให้การลู่เข้า<mark>เร็วที่สุด</mark> จากนั้นทดสอบผลกระทบของ การกำหนดค่าเงื่อนใบขอ<mark>บชั่วคราว พบว่าการกำหนดเงื่อนใบ</mark>ขอบชั่วคราวน้อยกว่าหรือเท่ากับ เงื่อนใงหยุดให้เสถียรภาพดี เมื่อประเมินเวลาที่ใช้ในการคำนวณพบว่า วิธี LAMG ที่นำเสนอ สามารถช่วยลดเวลาการคำนวณได้ 8-53% เทียบกับวิธี AMG แบบคั้งเดิม การทดสอบได้ขยายผลสู่ ปัญหา 2 มิติ พบว่าสามารถลดเวลาการคำนวณได้ 16-40% เทียบกับวิธี AMG แบบคั้งเดิม

สาขาวิชา <u>วิศวกรรมเครื่องกล</u> ปีการศึกษา 2563 ลายมือชื่อนักศึกษา <u>กมหา บรรหา</u> ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา KAMPON ORANON: DEVELOPMENT OF LOCAL MULTIGRID

TECHNIQUE TO ACCELERATE THE CONVERGENCE OF NUMERICAL

COMPUTATION. THESIS ADVISOR: ASST. PROF. KEERATI

SULUKSNA, Ph. D. 73 PP.

## ALGEBRAIC MULTIGRID/ACCELERATION TECHNIQUE/ LOCALIZED METHOD/NUMERICAL METHOD/FAST CONVERGENCE

Numerical methods are usually used to solve large algebraic equation systems obtained by estimating partial differential equations. Iterative calculations including with multigrid are used to make numerical methods more effective. However, calculations are often encountered with slow convergence when an error reaches lowfrequency mode. The convergence of each area on the domain has a different slowness, a different local behavior. Conventional multigrid operations that compute the entire domain are wasteful. The research presented the local computational techniques. By improving the local computation method based on the fast adaptive composite grid (FAC) method, combined with the algebraic multigrid (AMG) method. It is the socalled local algebraic multigrid (LAMG) method. With this method, the error was checked during the calculation cycle. The region with a high defection was calculated using the LAMG method, while the remaining areas with a defection below the criterion were omitted. The proposed method can be effectively adjusted to the calculation area to suit each calculation cycle. Issues of one-dimensional boundary layer problems that alter rapidly have been evaluated. The assessment evaluated the effect of the initial conditions as follows: zero, sine and C-grid. The C-grid condition was found to provide the fastest convergence. The evaluation has been tested on the effect of temporary boundary condition setting. It is found that the condition constrain of less than or equal to the converging condition give the more stability than other rest cases. Determine the computational time, it was found that the proposed LAMG method can reduce the computational time by 8-53 percent compared to the conventional AMG method for one-dimensional problems. The test was extended to a two-dimensional problem and it was found that the computational time was reduced by 16-40% relative to the conventional AMG method.



School of Mechanical Engineering Student's Signature Kompon Cromon

Academic Year 2020

Advisor's Signature Kent